

L I B . I. Manifestum autem est, quo major numerus pro i sumatur, eo magis Potestate $(1 + k\omega)^i$ unitatem esse superaturam; atque statuendo $i =$ numero infinito, valorem Potestatis $(1+k\omega)^i$ ad quemvis numerum unitate majorem ascendere. Quod si ergo ponatur $(1 + k\omega)^i = 1 + x$, erit $l(1+x) = i\omega$, unde, cum sit $i\omega$ numerus finitus, Logarithmus scilicet numeri $1+x$, perspicuum est, i esse debere numerum infinite magnum, alioquin enim $i\omega$ valorem finitum habere non posset.

119. Cum autem positum sit $(1 + k\omega)^i = 1 + x$, erit $1 + k\omega = (1+x)^{\frac{1}{i}}$ & $k\omega = (1+x)^{\frac{1}{i}} - 1$, unde fit $i\omega = \frac{i}{k}((1+x)^{\frac{1}{i}} - 1)$. Quia vero est $i\omega = l(1+x)$, erit $l(1+x) = \frac{i}{k}(1+x)^{\frac{1}{i}} - \frac{i}{k}$, posito i numero infinite magno. Est autem $(1+x)^{\frac{1}{i}} = 1 + \frac{1}{i}x - \frac{1(i-1)}{i \cdot 2i}x^2 + \frac{1(i-1)(2i-1)}{i \cdot 2i \cdot 3i}x^3 - \frac{1(i-1)(2i-1)(3i-1)}{i \cdot 2i \cdot 3i \cdot 4i}x^4 + \&c.$ Ob i autem numerum infinitum, erit $\frac{i-1}{2i} = \frac{1}{2}$; $\frac{2i-1}{3i} = \frac{2}{3}$; $\frac{3i-1}{4i} = \frac{3}{4}$, &c.; hinc erit $i(1+x)^{\frac{1}{i}} = i + \frac{x}{1} - \frac{xx}{2} + \frac{x^3}{3} - \frac{x^4}{4} + \&c.$, & consequenter $l(1+x) = \frac{1}{k}(\frac{x}{1} - \frac{xx}{2} + \frac{x^3}{3} - \frac{x^4}{4} + \&c.)$, posita basi Logarithmica = a ac denotante k numerum huic basi convenientem, ut scilicet sit $a = 1 + \frac{k}{1} + \frac{k^2}{1 \cdot 2} + \frac{k^3}{1 \cdot 2 \cdot 3} + \&c.$

120. Cum igitur habeamus Seriem Logarithmo numeri $1+x$ æqualem, ejus ope ex data basi a definire poterimus valorem numeri